

Compito di Navigazione Aerea

Prof. Zappalà Marco Gaetano

Quesito A della Sessione 1997

Alle ore 15 di tempo medio legale del 12 giugno 1997, un aereo X parte dal punto A ($\varphi=38^\circ 00' N$; $\lambda=92^\circ 00' W$) con rotta vera 40° e velocità 120 nodi.

Il candidato calcoli la rotta che deve assumere un aereo Y che parte simultaneamente dal punto B ($\varphi=38^\circ 30' N$; $\lambda=88^\circ 00' W$) con velocità 150 nodi per intercettare l'aereo nel più breve tempo possibile.

I punti A e B siano rappresentati su una carta di Mercatore.

Calcoli, inoltre, l'ora dell'intercettazione e le coordinate del punto di incontro.

Svolgimento

1- Risoluzione della lossodromia per piccole distanze

$$\Delta\varphi_{AB} = \varphi_B - \varphi_A = 0^\circ 30' \equiv 30NM$$

$$\Delta\lambda_{AB} = \lambda_B - \lambda_A = 4^\circ 0' \equiv 240NM$$

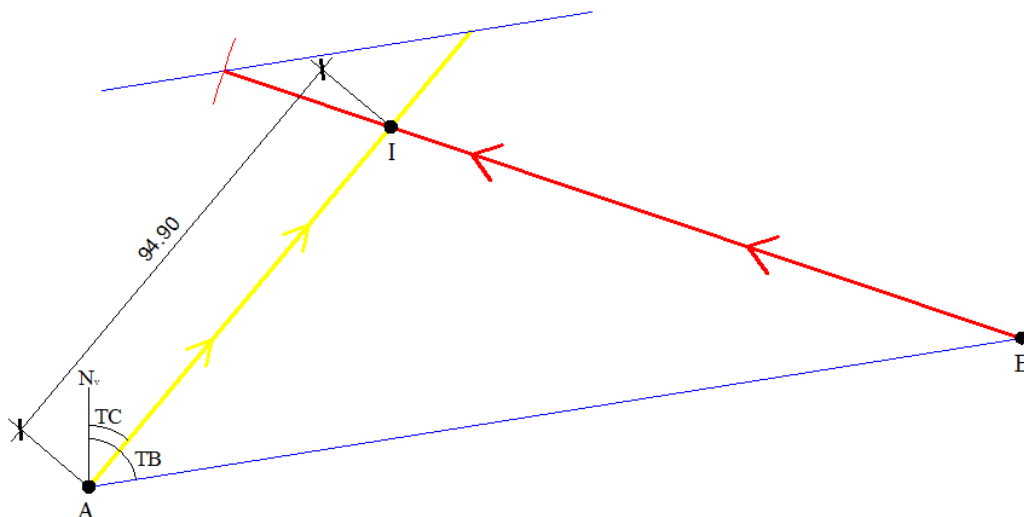
$$\varphi_m = \frac{\varphi_A + \varphi_B}{2} = 38^\circ,25$$

$$\mu = \Delta\lambda_{AB} \cdot \cos \varphi_m = 188,48NM$$

$$m_{AB} = \sqrt{\Delta\varphi_{AB}^2 + \mu^2} = 190,85NM$$

$$TgTB = \frac{\mu}{\Delta\varphi_{AB}} \Rightarrow TB = 80^\circ,96$$

2- Intercettazione



3- Calcolo delle coordinate di I

$$\Delta\varphi_{AI} = m_{AI} \cdot \cos TC = 94,9 \cdot \cos 40^\circ = 72',7N = 01^\circ 12' 42'' N$$

$$\mu = m_{AI} \cdot \sin TC = 61NM$$

$$\varphi_I = \Delta\varphi_{AI} + \varphi_A = 39^\circ 12' 42'' N$$

$$\varphi_m = \frac{\varphi_A + \varphi_I}{2} = 38^\circ,61$$

$$\Delta\lambda_{AI} = \frac{\mu}{\cos \varphi_m} = 78',06E = 01^\circ 18' 04'' E$$

$$\lambda_I = \Delta\lambda_{AI} + \lambda_A = 90^\circ 41' 56'' W$$

4- Costruzione della carta di Mercatore

La carta di Mercatore è una particolare proiezione cilindrica diretta tangente, cioè ottenuta proiettando i punti della sfera rappresentativa terrestre da un punto di vista posto al centro di essa su un cilindro circolare retto tangente lungo l'equatore, che è anche isogona. Questa particolare proprietà è stata ottenuta, dal geografo Kremer, rappresentando i meridiani nello stesso modo della carta cilindrica pura mentre la legge di distribuzione dei paralleli è stata modificata in modo da imporre la condizione di uguaglianza tra i due moduli di riduzione lineare n_m e n_p . In pratica, dopo aver fissato una scala di rappresentazione delle longitudini (λ), ad es. $1^\circ=60\text{mm}$, si disegnano delle rette parallele verticali rappresentative dei meridiani quindi, dopo aver fissato il parallelo di riferimento, si calcolano le differenze di latitudine crescente e utilizzando il valore di scala fissato per le longitudini si tracciano i paralleli.

$$\varphi_{CA} = 7915,7 \log \left(\tan \left[45^\circ + \frac{\varphi_A}{2} \right] \right) = 2468',3$$

$$\varphi_{CB} = 7915,7 \log \left(\tan \left[45^\circ + \frac{\varphi_B}{2} \right] \right) = 2506',5$$

$$\varphi_{C_{37'30''}} = 7915,7 \log \left(\tan \left[45^\circ + \frac{37^\circ 30'}{2} \right] \right) = 2430',3$$

$$\varphi_{C_{39^\circ}} = 7915,7 \log \left(\tan \left[45^\circ + \frac{39^\circ}{2} \right] \right) = 2544',9$$

$$\Delta\varphi_{C_{37'30''/A}} = \varphi_{CA} - \varphi_{C_{37'30''}} = 38'$$

$$\Delta\varphi_{C_{37'30''/B}} = \varphi_{CB} - \varphi_{C_{37'30''}} = 76',2$$

$$\Delta\varphi_{C_{37'30''/39^\circ}} = \varphi_{C_{39^\circ}} - \varphi_{C_{37'30''}} = 114',6$$

